

5 / 1

Teilchen im 1d Kasten

Schrödingergleichung:

$$H\Psi = E\Psi$$

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \Psi(x)}{\partial x^2} = \varepsilon_n \Psi(x)$$

Randbedingungen: $\Psi_n(x=0) = 0 = \Psi_n(x=L)$

Normierungsbedingungen: $\int \Psi_n^* \Psi_n dx = 1$

Wellenfunktionen sind stehende Wellen ($n \geq 1$):

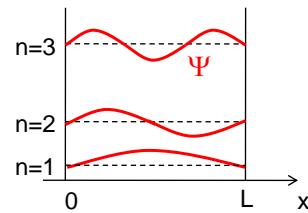
$$\Psi_n(x) = \sqrt{2/L} \cdot \sin(k_n x) \quad k_n = \frac{2\pi}{\lambda_n} = \frac{2\pi n}{2L}; \quad \lambda_n = \frac{L}{n/2}$$

$$E_n = \frac{\hbar^2}{2m} k_n^2 = \frac{\hbar^2}{2m} \left(\frac{n}{2L} \right)^2$$

Alternativ: Periodische Randbedingungen $\Psi_n(x+L) = \Psi_n(x)$

Wellenfunktionen sind laufende Wellen ($n = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$):

$$\Psi_n(x) = L^{-1/2} \cdot \exp(ik_n x)$$



5 / 2

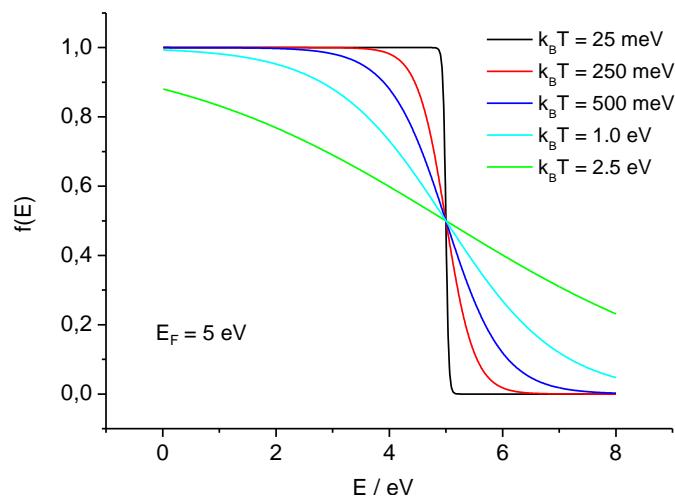
Fermiflächen für freie Elektronen

Metall	Elektronenkonzentration [10 ²² cm ⁻³]	Fermiwellenvektor [Å ⁻¹]	Fermigeschwindigkeit [10 ⁶ m·s ⁻¹]	Fermienergie [eV]	Fermitemperatur [10 ⁴ K]
Li	4.70	1.11	1.29	4.72	5.48
Na	2.65	0.92	1.07	3.23	3.75
K	1.40	0.75	0.86	2.12	2.46
Cs	0.91	0.64	0.75	1.58	1.83

5 / 3

Fermi-Dirac Verteilungsfunktion

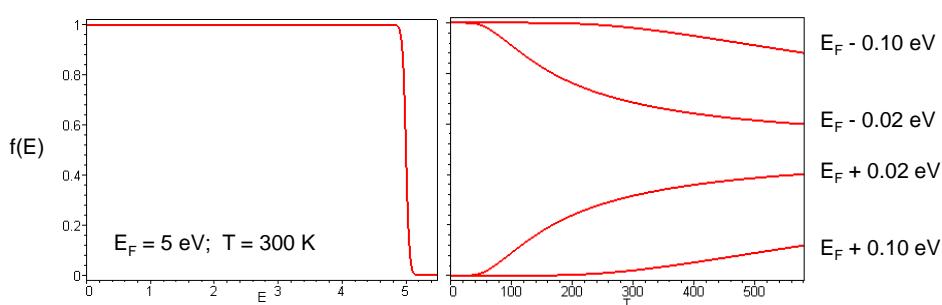
$$f_{FD}(\varepsilon, T) = \frac{1}{\exp((\varepsilon - \mu)/k_B T) + 1}$$



5 / 4

Fermi-Dirac Verteilungsfunktion

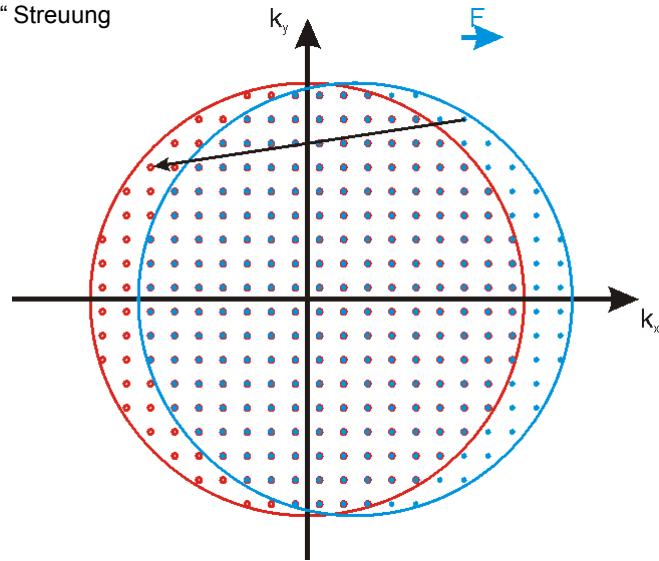
$$f_{FD}(\varepsilon, T) = \frac{1}{\exp((\varepsilon - \mu)/k_B T) + 1}$$



5 / 5

Elektrische Leitfähigkeit

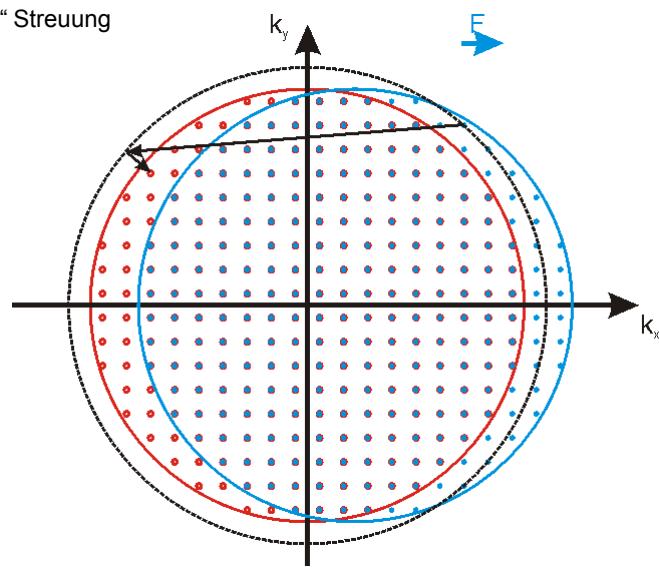
„normale“ Streuung
($G=0$)



5 / 6

Elektrische Leitfähigkeit

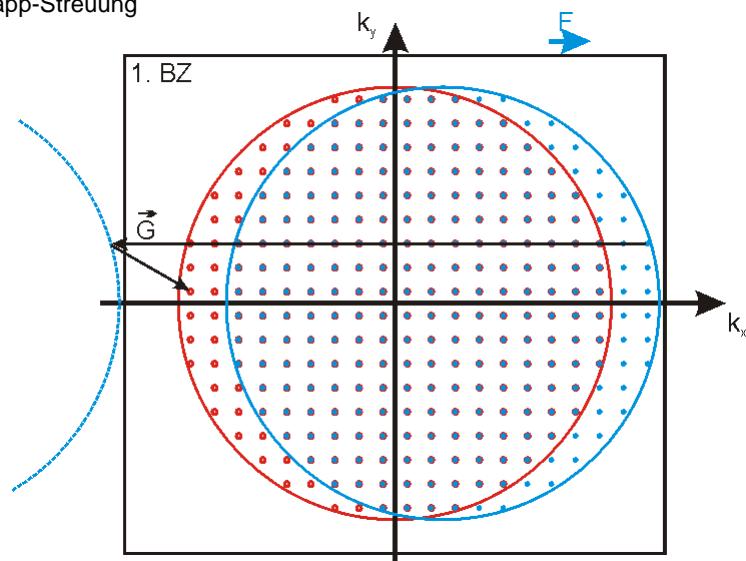
„normale“ Streuung
($G=0$)



5 / 7

Elektrische Leitfähigkeit

Umkipp-Streuung



5 / 8

Hall-Konstante

$$R_H(\text{Exp.}) / (-1(n_{\text{Valenz}} e_0))$$

Na	1.006
K	1.004
Li	1.28
Cu	0.73
Ag	0.84
Be	5.0
Cd	-0.5
Al	-0.333
In	-0.332